# 磁性粒子を利用したカオス的マイクロ混合器\*

# 鈴木宏明<sup>\*1</sup>, 笠木伸英<sup>\*2</sup>, Ho Chih-Ming<sup>\*3</sup>

## A Chaotic Micro-Mixer Using Magnetic Beads

## Hiroaki SUZUKI<sup>\*1</sup>, Nobuhide KASAGI<sup>\*2</sup>, and Chih-Ming HO<sup>\*3</sup>

<sup>\*1</sup> The University of Tokyo, Institute of Industrial Science, Komaba 4-6-1, Meguro-ku, Tokyo 153-8505, Japan

<sup>\*2</sup> The University of Tokyo, Dept. Mechanical Engineering, Hongo 7-3-1, Bunkyo-ku, Tokyo, 113-8656, Japan

\*3 University of California, Los Angeles, Mechanical and Aerospace Engineering Dept., 420 Westwood Plaza, Los

Angeles, CA 90025, USA

A MEMS-based micro mixer is developed to be integrated into a bio-molecule sorting system, in which efficient mixing of magnetic beads with target bio-molecules is crucial. The mixer consists of embedded micro-conductors, which produce a time-dependent magnetic field, and a micro channel, which guides the streams of working fluid and suspension. It is demonstrated that integrated 2-D micro conductors provide a magnetic field strong enough to attract nearby magnetic beads. Numerical simulation helps to design the arrangement of channel and embedded electrodes that can generate chaotic motion of beads. It is found that the serpentine channel geometry with the transverse electrodes is able to create the stretching and folding of material lines, which lead to chaotic mixing. Similar mixing pattern is confirmed experimentally in the chaotic mixer fabricated. The fast mixing thus achieved facilitates the attachment of beads onto the target bio-molecules.

*Key Words*: Chaotic Mixing, Multi-Phase Flow, Micro Channel, Magnetic Beads, μ-TAS, Lab-on-a-Chip, Cell Sorting, MEMS

# 1. 緒 言

MEMS(Micro-Electro-Mechanical Systems)の急速な発展に伴い,従来の生化学分析プロセスをチップ上に集積化・自動化するための開発研究が注目を集めており,  $\mu$ -TAS(micro Total Analysis Systems),またはLab-on-a-Chipとよばれている<sup>(1)-(3)</sup>.システムの微細化により,簡便性,必要なサンプル・試薬量の大幅削減,迅速な分析,技術者の人的労力の削減,低コストなど様々な利点が見込まれている.

生化学分析の目的・手法は多岐にわたるが,そのな かで,生体分子混合溶液の中から特定の細胞やDNAを 分離・抽出する目的で,磁性粒子(Magnetic Beads,図 1:アビディンを塗布された磁性粒子がビオチンを塗

\*原稿受付 2003年 月 日

<sup>\*1</sup>正員,東京大学生産技術研究所(〒153-8505 東京都目黒 区駒場4-6-1)

<sup>2</sup>フェロー,東京大学大学院工学系研究科(〒113-8656 東 京都文京区本郷7-3-1).

\*3University of California, Los Angeles, Mechanical and Aerospace Engineering Department (420 Westwood Plaza, Los Angeles, CA 90025, USA)

E-mail: kasagi@thtlab.t.u-tokyo.ac.jp

布された擬似生体分子に付着)が利用されている<sup>(4)(5)</sup>.こ れは,通常,直径数ミクロンのポリマー製球形粒子で, 酸化鉄など強磁性の微粉末が配合されている.これら の粒子表面に,特定の生体分子をターゲットとした抗 体をコーティングすると,抗原抗体反応により標的の 生体分子のみに選択的に付着する.それらの生体分子 は,永久磁石などの外部磁場を用いて混合溶液中から 分離される.この方法は,従来の遠心分離などの方法に 比べ,サンプルに働く応力が小さく安全で,非常に高い 選択性を有する.

このような生体分子分離システムをマイクロ化・集 積化する場合,磁性粒子の混合(攪拌)が重要な課題



Fig. 1 Magnetic beads coated with Avidin (1μm, look like black clouds) are attached to the polymer particles (4μm, large spheres) coated with Biotin, which mimic living cells. となる.マイクロスケールの流れ場は低レイノルズ数 (Re<1)であるため、マクロスケールにおける混合促進 機構である乱流やはく離が発生しない<sup>(0)</sup>.従って、外力 がなければ、粒子の運動はブラウン運動による分子拡 散のみに支配される.このとき、拡散係数D<sub>ac</sub>は、

$$D_{dif} = \frac{\kappa T}{6\pi\mu d_p} \tag{1}$$

で表される.ここでкはボルツマン定数,Tは絶対温度, µは流体の粘性係数,d<sub>p</sub>は粒子直径であり,D<sub>dy</sub>はd<sub>p</sub>に 反比例する.磁性粒子や生体分子などは直径1~10µm程 度であり,水溶性の物質に比べ分子拡散の効果が極め て小さくなるため,これらの混合を助ける機構を導入 する必要がある.

本研究では、MEMS技術を応用し、磁力を利用した カオス的マイクロ混合器の試作を行い、その混合性能 の評価を行った.混合器は、シリコン基板上に、マイ クロ電極およびマイクロ流路を集積化して製作した. 電極群に制御信号を与えることにより変動磁場を発生 させ、流路中に混入した磁性粒子を効率よく攪拌する デバイス及び手法を開発した.より効率的な攪拌を実 現するために、カオス理論を用い、数値シミュレー ションから混合器のデザインおよび制御信号を決定し た.これにより、磁性粒子の生体分子への付着確率が 大幅に改善されることが期待される.



#### 2. 基本構造及び製作プロセス

Fig. 2 Conceptual diagram of the magnetic mixer. (a) Perspective view. (b) Cross section of the mixing region along the channel. 図2(a)に、マイクロ混合器の基本構造を示す.これ は、シリコン基板に埋め込まれた導線と、基板上に形 成された流路から成る.流路の入口は二つあり、一方 からは磁性粒子を含む溶液が、他方からは生体分子懸 濁液の替わりに純水が導入され、混合部手前で合流す る(本報では実際の生体分子は使用せず、変動磁場に よる磁性粒子の運動に注目する).混合部に設置したマ イクロ電極群に制御信号を与えることにより局所的な 変動磁場を発生させ、磁性粒子の運動をカオスに導き、 混合を促進する.

図2(b)に、ミキサー部分の長手方向断面図と磁場発 生の基本原理を示す. 図中, 流れ方向をx, 基板の面に 垂直な方向をzと定義した.二つの正方形は、紙面垂直 方向 (y方向, 流路のスパン方向) に伸びる埋め込み型 電極を表す(電極の幅,深さ,電極間距離は全て40µm). ベクトル場は、それぞれに対向する方向に0.5Aの電流 を与えた場合に流路内(高さ35μm)に形成される磁場 を表し、ビオ・サバールの法則より数値的に求めた.マ イクロスケールのデバイスでは, 電極断面のスケール が、対象とする場のスケールと同程度となるため、電 流の経路を線とみなすことができない.従って,計算 においては、各電極断面を40×40の格子に分割し、各 分割要素による誘導磁場のベクトルの和として求めた. 図より, 電極間に向かう方向の磁場が形成され, 最大 で40ガウス程度の磁場が得られることが確認できる. 磁場中に存在する磁性粒子が受ける電磁力は,

$$\boldsymbol{F} = (1 - N_d) \mu_0 \mu_r V_p (\boldsymbol{H} \cdot \nabla \boldsymbol{H})$$
(2)

Table 1 Properties of magnetic beads (Spherotech, SPHERO<sup>™</sup> CM-10).

Diameter	1.0 <b>-</b> 1.4 [µm]
Ion Oxide Content	~12 [wt%]
Average Density	1.58 [g/cm <sup>3</sup> ]
Saturation Magnetization	0.46 [Tesla]
Relative Permeability	11.3



Fig. 3 Magnetic force and induced velocity on a bead with current of 0.5A.

と表される.ここで, $N_a$ は反磁場係数(球の場合は 0.33), $\mu_a$ は真空の透磁率, $\mu_r$ は磁性体の比透磁率, $V_p$ は磁性体の体積を表す.また,Fの体積力を受けた磁 性粒子は,流体の粘性抵抗とつりあい,終端速度

 $\boldsymbol{u}_p = \boldsymbol{F} / 3\pi\mu d_p \tag{3}$ 

に落ち着く.

表1に,本研究で使用した1.0~1.4μm(平均直径1.2μm) の磁性粒子 (Spherotech, CM-10)の仕様を示す.磁気的 性質は, VSM(試料振動型磁束計:Digital Measurement System, VSM880) を用いて測定した磁化曲線から求め た.磁性粒子は,高い飽和磁化および比透磁率を示す が,残留磁気がほぼゼロという,超常磁性(4)(5)の性質を 持つことが確認された.これらのパラメータを用い, 式(2)および(3)より,図2(b)に示される磁場中に投入 された磁性粒子に働く電磁力および水中での終端速度 を計算した.図3に,それらのx方向成分を示す.正の 値は,電極ペアの中心方向(左向き)の電磁力及び速 度を表す.図より,電磁力及び終端速度の最大値は z=1µmにおいてそれぞれ0.3pNと25µm/sであり,磁性 粒子は電極ペアの内側のエッジに引き寄せられること がわかる.また,電磁力は,基板表面から離れるに従っ て急速に減衰する.



Fig. 4 Micro fabrication process.



Fig. 5 SEM image of the cross section of embedded conductors.

本マイクロ混合デバイスは,フォトリソグラフィを 基本としたマイクロ加工技術を用いて製作された(図 4). 単結晶シリコンの基板を用い,はじめに裏側から 流体の導入・排出口をKOHによりエッチングする.次 に,表側から電極形状をパターニングし, ICP-RIE に よって垂直な溝をエッチングする(図4a).このとき使 用したフォトレジストを基板表面に残したまま、電気 めっきのシード層を蒸着する(図4b).アセトンにより レジストを除去すると,表面のシード層はリフトオフ され,溝の底の部分のみに残る(図4c).銅の電気めっ きを施すと,シード層の部分にのみ堆積し,溝が銅で 埋められる.その後表面を研磨し,埋め込み型電極が 完成する(図4d,断面のSEM写真図5).その後,エ ポキシ系フォトレジストのSU-8を用いて流路を作製し た.これは、クロスリンク後非常に安定であり、構造 物として利用できる.電気的絶縁層としてシリコン酸 化膜をプラズマ蒸着後,再びSU-8層を用いてカバーガ ラスを接着し,閉流路を完成した.最後にチュービン グ,はんだ付けを行ってデバイスが完成する(図 4e).

予備テストにおいて,線幅20μm,深さ40μmの平行 する2本の電極(電極間距離20μm)に0.5Aの電流を 与えたところ,流路を流れる水に混入された磁性粒子 が電極間にトラップされることを確認した(図6a).ま た,電流を停止すると,粒子群はリリースされ,再び 流れ始める(図6b).これより,本デバイスにおいて, 粒子を操作するのに十分な電磁力が得られることが明 らかとなった.



Fig. 6 Microscopic images. (a) Magnetic beads are trapped when the current is applied to the first two conductors. (b) Beads are released when the current is turned off.

# 3. カオス混合の数値シミュレーション

混合器の流路形状とマイクロ電極の配置を決定する にあたり,カオス混合<sup>(8)(9)</sup>の概念を導入した.層流粘性 流れにおけるカオスとは,ラグランジュ的に流れ場を 見たとき,初期に近傍に位置する二要素間の距離が, 時間と共に指数的に増大する系として定義される (Lagrangian Chaos).要素の引き伸ばし・折り畳みのメ カニズムが内在する系では,界面の面積が指数的に増 大し,カオス混合が得られる.二次元定常流はカオス 的にはなりえないが,二次元周期流または非定常流, 三次元流はカオス的になる可能性がある.

粒子を操作する外力として,圧力変動や静電力,誘 電力などを使用する場合は,引力および斥力の両方を 発生することが可能となる.従って,流路にサイド キャビティなど設置し,(流体)粒子を,低速流および 高速流領域間で往復させることにより,キャビティの コーナーを鞍点として近接する2粒子が全く異なった 軌跡を描く<sup>(10)(11)</sup>(図7a).この特徴は初期値鋭敏性と呼 ばれ<sup>(12)</sup>,カオスの特徴である.しかし,電磁力を利用 した場合,粒子に誘起される力は引力のみであり,斥 力は得られない.従って,低速領域に引き寄せられた 粒子はそこに滞留し,高速領域に戻すことができない (図7b).

この問題を解決するため,本研究では,図8に示さ れる蛇行流路および垂直配列の電極を考案した.図は 混合部の1ユニットを示し,x方向に繰り返される.ベ クトルは蛇行流路中の定常速度場を,4本の長方形(灰 色の部分1~4)は電極を表す.ここで,流路幅Hは  $160\mum$ ,ユニット長さLは $320\mum$ ,入口平均流速Vは  $80\mum/s$ とした.このとき流路幅で定義されるレイノル ズ数は $1.3\times10^{-2}$ である.

図9に,各電極に与える制御信号(位相シフト信号) を表す.例えば,位相(iv)では,電極3および4に対向 する電流が印加され,流路中に混入された磁性粒子は それらの内側に引き寄せられる(図8,矢印).一方,



Fig. 7 (a) Strategy of creating stretching and folding when both attractive and repulsive forces are available. (b) Particles will be stuck in the low velocity region without repulsive force.

位相(iii)では電極2および3に電流が印加され,低速領 域に滞留している粒子が再び高速領域に戻される(矢印).このように電流を与える電極のペアを順次シフト

していくことにより,擬似的な引力・斥力を得る.

図9のデザインの混合器内における粒子の運動を調 べるため,数値シミュレーションをone-way coupling法 により行い,粒子群の軌跡を求めた.MEMSでは,主 に薄膜プロセスを用いるため,平面内の次元に対して 厚みが極めて小さい(例,図2b).そこで本研究では, 近似的に,粒子運動を二次元断面に限定して軌跡を求 めた.鉛直方向に働く重力は,電磁力に比べ3桁小さ いため,無視できる.

具体的には,はじめに,有限体積法に基づく商用C FDコード(CFDRC<sup>(13)</sup>)を用いて,チャネル内の定常流 れ場を中心差分法によりを解いた(格子数80×40,図8 中のベクトル場).その後,流れ場中に投入された粒子 の軌跡を,*x-y*平面内における流体の粘性抵抗と磁力に よる誘起速度

 $u_p = v_f(x) + F(x,t)/3\pi\mu d_p$  (4) をラグランジュ的に積分し,軌跡を得た.ここで, $v_f(x)$ は流体の定常速度場を表す.本研究で用いた粒子の緩 和時間は $\tau_p \sim 10^{-7}$ [s]であり,流れ場の時間スケール (~1s)に対して非常に小さい.従って,粒子は遅れなく 流体運動と磁力に追従するとみなすことができ,(4)式 が成立する( $u_p$ に対する誤差の割合は $\tau_p$ のオーダーと なる<sup>(14)</sup>).流体の定常速度場及び磁力は, $z=5\mu$ mにおけ る値を用いた.なお,格子解像度及び時間刻みは十分



Fig. 8 Serpentine channel and transverse electrode configuration.



Fig. 9 Phase shift control signal.

であることを確認している.電磁力は,ビオ・サバールの式及び(2)式から求めた.

粒子群を12秒間(粒子が流路を約6ユニット通過す る時間に相当)追跡した結果を図10に示す.図中赤と 青の長方形は初期条件を表し,それぞれ7800個の粒子 が格子状に配置されている.磁力を与えない場合は粒 子に働く力が流体の粘性抵抗のみであり,粒子は流線 に完全追従するため,色の異なる粒子群の混合は起こ らない(図10a).一方,位相シフト信号を与えた場合 (駆動周波数1/T=4Hz,対応するストローハル数*St=fH/* V=8.3,磁力による誘起速度のx方向成分の最大値と流 体のバルク平均流速の比u<sub>p,max</sub>/V=1.0),粒子群の引き伸 ばし・折り畳みが繰り返し発生し,赤と青の粒子群は 層状に重なり,カオス的なパターンを形成する(図 10b).

図11に,引き伸ばし・折り畳み発生のメカニズムを 示す.図11(1)では,電極1および2に電流が印加され, それらの中心方向に向かう速度が磁性粒子に誘起され る(同図中の小矢印).このとき,流路中心付近では流 速が大きいため,粒子群は流され続けるが(図11-2,矢



Fig. 10 Deformation of a lump of magnetic beads. (a) Without and (b) with phase shift signal.



Fig. 11 Dominant mechanism to create stretching and folding.

印),より障害物背面に近い低速領域に位置する粒子 群は,磁力が卓越するため,流路のコーナー部分に引 き寄せられる(同図,矢印).その結果,粒子群の引 き伸ばしが起こる(図11-3).電流が停止し,粒子群が 下流に輸送されると,流れ場のせん断(図11-5,矢印

)によって馬蹄形に折り曲げられる(図11-5,6).以 上のプロセスが繰り返し行われることにより,層の数 は2<sup>n</sup>(n:折り畳み回数)で増加し,短い時間で良好な混 合が得られる.

粒子群のカオス的挙動を定量評価するため,リアプ ノフ指数を計算した.これは,初期の微小差異の指数 的乖離度を表し,次式で定義される<sup>(8)(15)</sup>

$$\sigma = \lim_{t \to \infty} \left[ \frac{1}{t} \ln \left( \frac{|d\mathbf{x}(t)|}{|d\mathbf{x}(0)|} \right) \right].$$
 (5)

ここで, *t* は時間を表し, |x(0)| および |x(t)| は初期および時刻 *t* における 2 粒子間距離である.  $\sigma$ が正の値をとれば, 粒子間距離は  $|dx(t)| \approx |dx(0)| \exp(\sigma t)$  で表されるように指数的に増加する.これは系がカオス的であるための必要条件である.  $\sigma$ は厳密には位相空間の次元をもつスペクトルとして定義されるが, 実用的には伸張率が最大となる成分のみを求めればよい(最大リアプノフ指数)<sup>(15)</sup>.

図12に,制御信号の周波数(ストローハル数)を変 化させた場合の最大リアプノフ指数を示す.計算アル



Fig. 12 Frequency dependence of Lyapunov exponent.



Fig. 13 Frequency dependence of the ratio of tagged cells.

ゴリズムは,Wolfの方法<sup>(15)</sup>を用いた.水平な実線は電磁力を与えない場合の値であるが2次元の層流状態は 非カオス的であるため,ほぼ0に近い値となる.一方, 位相シフト信号を与えた場合,広い電磁力の範囲にお いて(0.5<u<sub>p,max</sub>/V<1.5),St~8の近辺で0.3~0.4のピーク をとる.この周波数領域では粒子群が図10(b)に示され るようなカオス的挙動を示す.ローレンツアトラクタ やレスラーアトラクタなどの代表的なカオス系では, リアプノフ指数は0.1~1.5程度の値をとるため<sup>(15)(16)</sup>,本 システムもカオス的であるということがいえる.最適 値よりも低い周波数域(St<5.0)では,粒子群がひとつの 電極のペアに対して長時間引き寄せられるため,電極 のエッジや障害物側壁に堆積する時間が長くなる.逆 に高周波数域(St>10.0)では,流線をまたぐ方向に移流 する時間が短く,大局的な混合が得られない.

リアプノフ指数がSt~8前後で正の値をとることから, 磁性粒子の運動がカオスとなることが確かめられた。 このとき,磁性粒子が生体分子に付着する確率を求め るシミュレーションを行った.初期条件として,流路 の中心を通過する流線を境界線とし,上半分に200個 の細胞を想定した磁力に反応しない粒子(直径 10um) を,下半分に1340個の磁性粒子(直径1µm)を格子状に 均等に配置した.シミュレーション中,磁性粒子のみ 変動磁場による攪拌を受けるが,このとき磁性粒子と 非磁性粒子の中心間距離がそれぞれの半径の和よりも 小さくなったときに付着したとみなし,その磁性粒子 を消す計算を行った.このときの,全非磁性粒子数に 対する,磁性粒子が付着したものの割合を図13に示す (積分時間は12秒間).St~8にピークを持ち,u, may /V=1.0 において 40%, un max/V=1.5 において 60% 以上の収率が 得られ,リアプノフ指数との相関が高いことが確認で きる.

# **4. 可視化実験** 上記のシミュレーションで予測されたカオス的混合

WATER FLOW WATER WITH MAGNETIC BEADS

Fig. 14 Fabricated magnetic micro-mixer with a serpentine shaped channel. Magnetic beads do not mix without external disturbance.

過程を実証するため,蛇行流路を持つマイクロ混合器 を試作した(図14).本デバイスでは,図8に示される ユニットが流れ方向に4回繰り返される.サイズは,数 値計算と同様,ユニット長さが320µm,流路幅が160µm で,流路深さ35µm,電極幅と電極間距離はともに40µm である.図中,流路の下半分には磁性粒子を含む純水 が,上半分には何も含まない純水が並行に流れている. ここで,バルク流量は100nL/min,磁性粒子の体積濃度 は1.7%である.図にみられるように,磁力による擾乱 がない場合は,粒子拡散は全く起こらず,粒子群の境



Fig. 15 (a) No magnetic force is applied. (b) Mixing pattern when phase shift signal is applied. (c) Magnetic beads spread all over the channel at the downstream.



Fig. 16 (a) Stretching and (b) folding pattern is observed when a pair of electrodes is turned on.

2632

界面が下流に至るまで明瞭に観察される.

位相シフト信号を与えた場合の,混合過程の様子を 図15に示す.図15(a)は,電磁力が与えられる前の様 子を示し,流路の下半分において粒子密度が高くなっ ている.位相シフト信号が与えられると,粒子群は流 路全域で繰り返し引き伸ばし・折り畳みの作用を受け, 図15(b)に示されるような複雑なパターンを示しつつ攪 拌される.このとき,下流では,磁性粒子は流路全体 に均一に広がり,良好な混合状態が得られる様子が確 認される(図15c).

数値シミュレーションで予測された混合パターン (図11)と比較するため,電極の1と2に電流が印加さ れた場合に注目する(図16).電流が印加されると,電 極のペアの内側に向かう方向に電磁力が誘起されるた め,流路中心付近に位置する粒子群は図16(a)中の矢印 に示される方向に輸送される.結果的に,電極の右側 のエッジ周辺に磁性粒子が集まる.電流が止まると, 粒子群はリリースされ,下流の障害物がある高せん断 領域で界面が折り畳まれる(図16b).図16(a)と(b)に みられる粒子群のパターンは,それぞれ図11の(2)お よび(5)に対応しており,製作された流路中でもシミュ レーションと同様のカオス的な混合が実現されている ことが確認できる.

#### 5. まとめ

磁性粒子をマイクロ流路中において効率的に攪拌す る目的で,マイクロ加工技術を用いて,埋め込み型マ イクロ電極とマイクロ流路を集積化した混合デバイス を設計・製作した.マイクロ電極によって発生する局 所的変動磁場によって,磁性粒子を操作するのに十分 な磁力が得られることを示した.本デバイスの基本構 造は,混合器だけでなく,磁性を有する粒子などの操 作,位置決めなどの他の目的にも応用可能である.

2次元の数値シミュレーションを行い,カオス理論 に基づいた新しい混合手法を提案した.すなわち,2次 元蛇行流路と位相シフト信号の組み合わせにより,粒 子群が引き伸ばし・折り畳みのパターンを示し,リア プノフ指数が正となることを示した.このとき,磁性 粒子の生体分子への付着確率が大幅に増加することを 示した.

上記のデザインに従って製作されたマイクロ混合デ バイスにおいても、シミュレーションと同様な混合パ ターンが観察され、カオス的な混合過程が達成される ことを確認した.カオス理論に基づく本混合手法は、 電磁力だけでなく、静電力や誘電力など他の制御外力 を利用するデバイスにも応用可能であり、汎用性の高 いものである. 本研究は,科学研究費補助金基盤研究(S) (No.15106004)により援助を受けた.また,著者の一人 (鈴木宏明)は,日本学術振興会特別研究員(平成12~14 年度)の助成金を受けた.デバイスの製作は,主に DARPA/MTOの援助によりカリフォルニア大学ロサン ゼルス校において行われた.記して謝意を表する.

## 文 献

- Manz, A., Graber, N., and Widmer, H. M., Miniaturized Total Chemical Analysis Systems: a Novel Concept for Chemical Sensing, Sens. Actuators B1 (1990), 244-248.
- (2) Burns, M. A., Johnson, B. N., Brahmasandra, S. N., Handique, K., Webster, J. R., Krishnan, M., Sammarco, T. S., Man, P. M., Jones, D., Heldsinger, D., Mastrangelo, C. H., and Burke, D. T., An Integrated Nanoliter DNA Analysis Device, Science Magazine, 282 (1998), 484-487.
- (3) Oki, A., Adachi, S., Takamura, Y., Ishihara, K., Ogawa, H., Ito, Y., Ichiki, T., and Horiike, Y., Electroosmosis Injection of Blood Serum into Biocompatible Microcapillary Chip Fabricated on Quartz Plate, Electroosmosis, 22 (2001), 341-347.
- (4) Sinclair, B., To Bead or Not to Bead: Applications of Magnetic Bead Technology, The Scientist 12(13) (1998), 17-20.
- (5) Šafa<sup>rí</sup>k, I and Šafar<sup>í</sup>kov<sup>á</sup>, M., Use of Magnetic Techniques for the Isolation of Cells, J. Chromatography B, 722 (1999), 33-53.
- (6) Ho, C. M., Fluidics: The Link Between Micro and Nano Science and Technologies, IEEE Proc. Int. Conf. MEMS'01 (2001), 375-384.
- (7) Suzuki, H. and Ho, C. M., A Magnetic Force Driven Chaotic Micro-Mixer, IEEE Proc. Int. Conf. MEMS'02 (2002), 40-43.
- (8) Ottino, J. M., The Kinematics of Mixing: Stretching, Chaos, and Transport, (1989), Cambridge University Press.
- (9) Ottino, J. M., Mixing, Chaotic Advection, and Turbulence, Ann. Rev. Fluid Mech. (1990), 207-253.
- (10) Lee, Y. K., Deval, J., Tabeling, P. and Ho, C. M., Chaotic Mixing in Electrokinetically and Pressure Driven Micro Flows, IEEE Proc. Int. Conf. MEMS'01 (2001), 483-486.
- (11) Deval. J, Tabeling, P. and Ho, C. M., A Dielectrophoretic Chaotic Mixer, IEEE Proc. Int. Conf. MEMS'02 (2002), 36-39.
- (12) 青木統夫, 力学系・カオス, (1996), 共立出版.
- (13) CFD Research Corporation, CFD-ACE+ User Manual, CFD Research Corporation, 2002.
- (14) 鈴木宏明,東京大学博士論文,(2003).
- (15) Wolf, A., Swift, J. B., Swinney, H. L., and Vastano, J. A., Determining Lyapunov Exponents from a Time Series, Physica 16D (1985), 285-317.
- (16) Sato, S., Sano, M., and Sawada, Y., Practical Methods of Measuring the Generalized Dimension and the Largest Lyapunov Exponent in High Dimensional Chaotic Systems, Prog. Theor. Phys., 77(1) (1987), 1-5.